

Till alla elever



Välkommen till Kängurun – Matematikens hopp 2016, Ecolier

Nu är det dags för Kängurutävlingen igen. Vi hoppas att du ska tycka om årets problem – även om du inte lyckas lösa dem vid första försöket. Tävlingen är en av världens största matematiktävlingar. Ungefär samtidigt som du löser dessa problem deltar mer än 6,5 miljoner andra elever i nära 60 länder i nästan alla delar av världen i Kängurutävlingen. De som är lika gamla som du löser också samma problem som du. Efter varje uppgift står det varifrån uppgiften kommer.

Det är svårt att hinna med alla problem och det är mycket svårt att få alla rätt. Bli inte orolig om du inte kan. Tillsammans i klassen ska ni sen arbeta vidare med problemen. Då kommer du säkert att kunna lösa flera av dem.

Din lärare visar dig var du ska skriva dina svar. Det finns fem olika svar att välja mellan till varje problem. Bara ett av de svaren är rätt. Du kan ibland lösa problemet genom att pröva de olika svarsalternativen.

Du behöver papper att rita och anteckna på. Linjal behöver du inte.

Sax och miniräknare får du *inte* använda. Du får heller *inte* ha telefon, läsplatta eller dator framme.

Några saker att känna till:

- Orden *rad* och *kolumn*
- Ordet *versaler*. I problem 19 står det ... "stora bokstäver (versaler)".

Fråga din lärare om det är något annat du undrar över.

Din lärare säger till när du ska börja.

Lycka till med årets problem!

الى جميع اللاعبين
الى جميع اللاعبين - حلولات ٢٠١٦
"Ecolier" "ايكوليه"



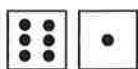


Del 1, trepoängsuppgifter

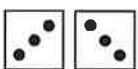
1 Amy, Bert, Carl, Doris och Ernst kastade två tärningar.

Vem fick högst summa?

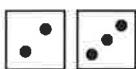
١- قام كل من (أمي، بيرت، كارل، دوريس، إرنست) برمي اثنين من التترنجات، من هن صنعوا أعلى مجموع للنترنجات؟



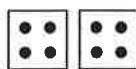
Amy



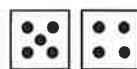
Bert



Carl



Doris



Ernst

A: Amy

B: Bert

C: Carl

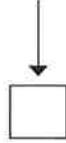
D: Doris

E: Ernst

(Tyskland)

2

$$17 + 3$$



$$20 - 16$$



A: 24

B: 28

C: 36

D: 56

E: 80

٢- اختار أجاب بألكثير مكان
العلامة إلا سطر ممن هن
الراهن للتالية:

(Schweiz)

3 Vilken bild ser Pipo om han ser sig i spegeln?

٣- أي من التصويرين يرى في المرآة
إلي نفسه بالمرأة؟



A



B



C



D



E

(Schweiz)



- 4 Anna och hennes fem vänner delar på några äpplen som Anna har. Alla får ett halvt äpple var. Hur många äpplen har Anna?

٤ - لدى "أنا" ^{Anna} عددة تقاضات، حيث تتساوى كل واحدة بينهم ^{هيوا معاً} بربع ^{الخمس}، وقد جعل كل واحد منهم على نصف تقاضة. كم كان عددا التقاضات لدى "أنا" ^{Anna} من البداية؟

A: 2 och ett halvt

B: 3

C: 4

D: 5

E: 6

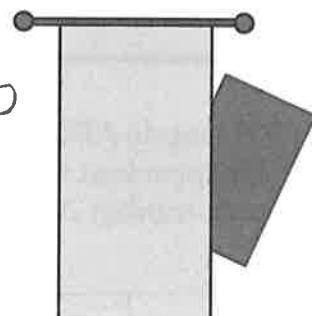
^{أثنين ونصف}

(USA)

- 5 En bit av en rektangel är gömd bakom en gardin.

Vilken form har biten som är gömd?

٥ - إن جزءاً من المستطيل غير مرئي خلف البردي. ما هي الشكل المرئي له؟



A: triangel

B: kvadrat

C: sexhörning

D: cirkel

E: rektangel

^{A: مثلث}

^{B: مربع}

^{C: زوايا}

^{D: دائرة}

^{E: مستطيل}

(Norge)

- 6 Vilken mening beskriver bilden på rätt sätt?

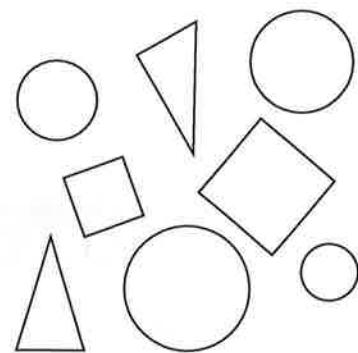
A: Cirlarna är lika många som kvadraterna.

B: Cirlarna är färre än trianglerna.

C: Cirlarna är dubbelt så många som trianglerna.

D: Kvadraterna är fler än trianglerna.

E: Trianglarna är två fler än cirlarna.



٦ - أي جملة تشرح الصورة بالشكل العщий:

A - إن عدد الدائرة ساوى عدد المربعات.

B - عدد الدائرة أقل من عدد المربعات.

C - عدد الدائرة هو ضعف عدد المثلثات.

D - المربعات هن أكثر من المثلثات.

E - يزيد عدد المثلثات باثنين عن عدد الدائرة.

(Tyskland)



- 7 Petrus plockar mycket svamp som han torkar.

Av 4 kg färsk svamp blir det 1 kg torkad svamp.

Hur mycket färsk svamp måste han plocka för att få 4 kg torkad svamp?

✓ - إن بيترسون = $\frac{1}{4}$ كيلو من الفطiera يجفف في المuffle جاف

لأن كل كيلو من الفطiera يجفف إلى $\frac{1}{4}$ كيلو من المuffle المطفف.

فكم من كيلو من الفطiera تكفي لجفف 4 كيلو المuffle؟

فقط 16 كيلو المuffle؟

A: 12 kg

B: 16 kg

C: 20 kg

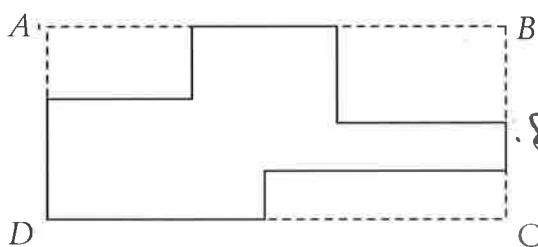
D: 25 kg

E: 50 kg

(Slovakien)

- 8 Rektangeln ABCD har omkretsen 30 cm.

Vi klipper bort tre rektanglar i hörnen (se på bilden). Omkretsen på de tre rektanglarna är sammanlagt 20 cm. Vilken omkrets har den figur som blir kvar?



- إن محيط المربع ABCD ساوي 30 سم.
بعض المربعات تم إزالتها.
ولأن مجموع محيط المربعات المزالة يساوي 20 سم.
ما هي محيط المربع المتبقي؟

A: 50 cm

B: 40 cm

C: 30 cm

D: 10 cm

E: det kan man inte räkna ut

لا يمكن ان نحسب

(Belarus)



Del 2, fyrapoängsuppgifter

- 9 Summan av siffrorna i 2016 är 9. Vilket år kommer summan av siffrorna i årtalat att vara 9 nästa gång (efter 2016)?

٩- إِنْ جَمِيعَ أَرْقَامَ سِنَّةٍ ٢٠١٦ مُعَدِّلٌ ٩. أي من الأسبعين أدناها يكون مجموع أرقامها ٩ في المرة القادمة (٢٠١٧)؟

A: 2007

B: 2025

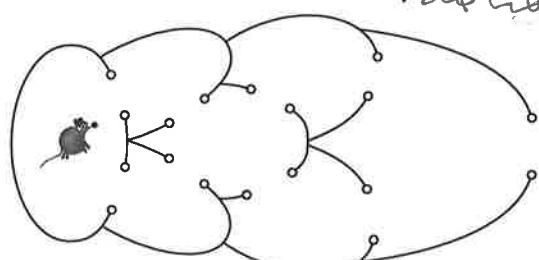
C: 2034

D: 2108

E: 2134

(Katalonien)

- 10 Musen vill komma ut ur labyrinten. Om han har sprungit igenom en öppning en gång, kan han inte springa igenom samma öppning en gång till. Hur många olika vägar kan musen ta?



٤- سَيِّدُ الْفَأْرَاءِ الْخَرْجُونَ اَطْبَاعَهُ .
إِذَا رَكِبَهُ مِنْ خَلَالٍ أَيْ مَنْجَعٍ
مِنْهُ دَأْبُهُ لَا يَعْتَدُ لِمَ الْرَّكِبُ بِهِ
أَوْ مِنْ خَلَالٍ لَهُ مَسْدَدٌ أُخْرَى
مَا حَصَّ نَسْبَهُ إِحْمَالَاتٍ أَنْطَقُ الَّتِي سَيِّدُ الْخَرْجُونَ .

A: 2

B: 4

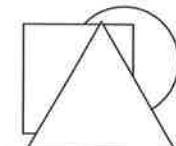
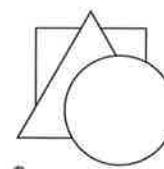
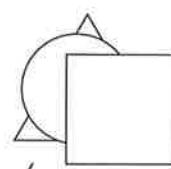
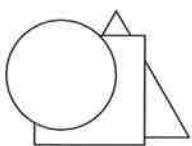
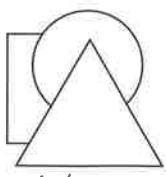
C: 5

D: 6

E: 7

(Sverige)

- 11 Fem barn sitter vid ett bord med tre pappersfigurer var: en kvadrat, en triangel och en cirkel. Barnen lägger sina egna figurer på varandra i en hög. På bordet ligger sen fem högar som du ser på bilden. I hur många av högarna liggger kvadraten under trianglen?



١١- يَجْلِسُونْ خَمْسَةً (أَطْفَالَ) عَلَى طَاولةٍ وَكُلُّهُمْ لَدِيهِ تَلَاثَ أَشْكَالَ هُنْدَسَيَّةٍ
مِنْ وَرَقٍ: مَرْبُعٌ، مُثَلِّثٌ، دَائِرَةٌ. يَغْلُبُ مِنَ الْأَطْفَالِ الْأَشْكَالُ الْهُنْدَسَيَّةُ فَوْقَ
بَعْضِهِمُ الْبَعْدَ طَائِرَاهُ فِي الْهَمْرَةِ .
فِي كُلِّ صُورَهِ يَعْجِدُ الْمَرْبُعُ تَحْتَ الْمُثَلِّثِ ؟

A: 0

B: 1

C: 2

D: 3

E: 4

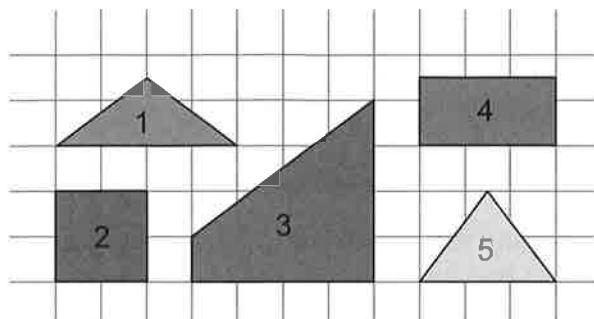
(Estland)



- 12 Vilka tre pusselbitar går det att sätta ihop till en kvadrat?

- A: 1,3 och 5
- B: 1,2 och 5
- C: 1,4 och 5
- D: 3,4 och 5
- E: 2,3 och 5

A خى
B اد
C اف
D اد
E او



(Danmark)

- 13 Lanvin har börjat skriva in tal i rutorna. I varje rad och varje kolumn ska det stå 1 i en ruta, 2 i en och 3 i en. Vilken summa får han om han lägger ihop talen som ska stå i de två skuggade rutorna?

1		
	2	

١٣ - **لأنين = Lanvin** ، بدأ يكتب بالربعات
حيث أن الأعداد 1، 2 و 3 ينطوي على
كونها معددة مترادفة في كل الحالات
العامة وهي والأقصى .
ما هو مجموع الحالتين الملعنتين ؟

A: 2

B: 3

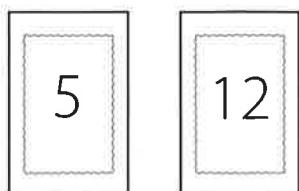
C: 4

D: 5

E: 6

(Ukraïna)

- 14 Leila har två kort. På båda sidorna på båda korten står ett tal. Summan av talen på det ena kortet är lika stor som summan av talen på det andra. Summan av de fyra talen är 32. Vilka tal kan stå på de sidor som inte syns?



١٤ - لدى ليلا مائة لرنس من المهرج حيث يوجد

أرقام على جزئيه كل كرت . إن مجموع الأعداد
في الكرت الأول يساوي مجموع الأعداد في الكرت
الثاني ، فإن مجموع الأربعه أعداد في الكرتين
يساوي ٣٢ . فما هم الأعداد المطهورة على الجهة الغير مرئيه في
الكرتين ؟

A: 7 och 0

B: 8 och 1

C: 11 och 4

D: 9 och 2

E: 6 och 3

(Costa Rica)



- 15 Bonden Olsson har kycklingar, får och getter. Han har lika många av varje. Tillsammans har djuren 180 ben. Hur många getter har bonden?

فَكَمْ هُوَ مُجَمِّعٌ اطَّاعَنَ لِدِيْهِ؟

A-15

B:16

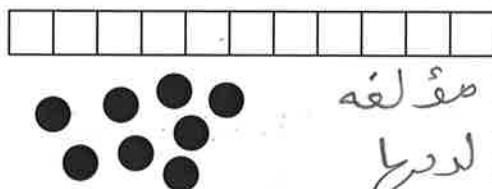
C-18

D:21

E-60

(Schweiz)

- 16 Fariba har en spelplan med 11 rutor. Hon har 8 mynt som hon lägger i 8 rutor i rad, utan några tomma rutor mellan. Hon kan lägga dem på olika sätt, och vi vet inte i vilka rutor hon lägger mynten. Hur många av rutorna kan vi vara säkra på att det ligger ett mynt i?



١٧- إن لغة خارسيا Karibas هي لغة من الربع فازع. وإن لغة

نَقْدٌ = حِرَمٌ حيث تزيد وضفـهم بالستـانـي "رأـي يـعـافـهـ" دـونـاـيـ صـبـعـ خـارـجـ . دـانـ باـمـكـانـهاـ وـضـفـهمـ حـسـبـ ماـ تـرـيدـ دـونـاـيـ صـبـعـ مـدـيـعـاتـ سـتـفـهـ .

كم عدد المربعات التي يعمـرـ بالـتـاسـيرـ نـقـدـ "حـرـمـ" ؟

A-1

B-3

C-4

D-5

E-6

(Katalonien)

Del 3, fempoängsuppgifter

- 17 Mina hundar har tillsammans 18 fler ben än nosar. Hur många hundar har jag?

١٧- إن لدى عدد كلاب بحيث إن عدد أرجل الكلاب فهو ١٨ / جمل
الشرط من عدد الأرجل (النحو - ٥٥٤) .
فكم فهو عدد الكلاب عندي ؟

A:4

B:5

C:6

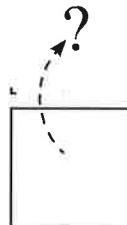
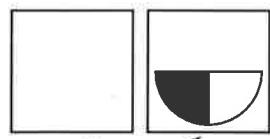
D:8

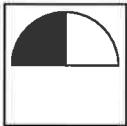
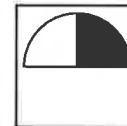
E: 9

(Tyskland)



- 18 Om vi vänder kortet åt höger ser vi bilden som figur 1 visar.
Vilken bild kommer vi att se om vi i stället vänder kortet uppåt så som figur 2 visar?



- A:  B:  C:  D:  E: 

(Ryssland)

- 19 Emma ska gissa vilket lösenord Paul har. Hon vet att det är siffror på de tre sista platserna. Hon vet också att Paul har använt alla bokstäver i sitt namn i lösenordet och att det finns högst tre stora bokstäver (versaler) i lösenordet. Vilket av dessa kan vara lösenordet?

- A: PAUL123 B: P0alu2L3 C: 1234 Luuap4321 D: Paulin3 E: 123PAUL

(Slovenien)

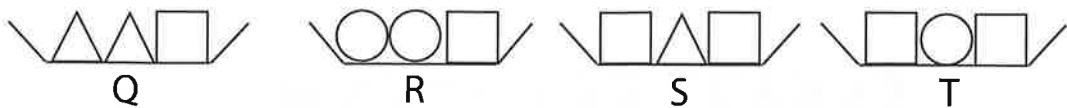
- 20 Tim, Tom och Jim är trillingar (tre bröder födda samma dag). De fyller år idag. Deras bror Leo är exakt 3 år äldre. Vilket kan vara de fyra brödernas sammanlagda ålder?

- A: 25 B: 27 C: 29 D: 30 E: 60

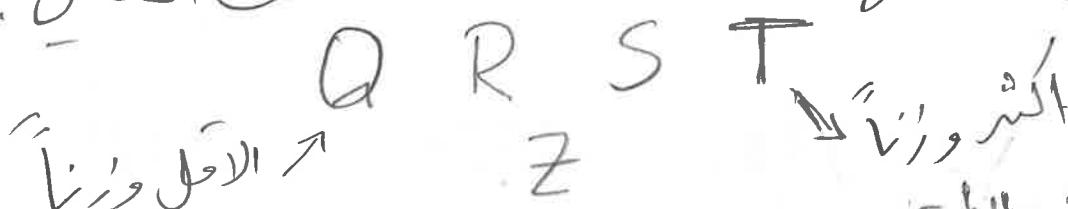
(Italien)



- 21 Elsa vill ställa fem skålar i på bordet, i viktordning så att den lättaste står längst åt vänster och den tyngsta längst ut åt höger. Hon har redan ställt skålarna Q, R, S och T i ordning. Skål T väger mest. Var ska hon ställa skål Z?



٢١- إن السار = إلسا
مُنْعَجِّلُ الْأَطْبَاقِ عَلَى الْطَّاْفَلَةِ حَسْبَ وَزْنِهِ وَاهْدِنْهُمْ، إِذْنَيْنَ تَعْقِمُ
مُنْعَجِّلُ الْأَطْبَاقِ وَرَبَّاعَانَ جَرْحَةِ السَّارِ، وَالثَّقْيلُ أَوَ الْأَكْثَرُ وَرَبَّاعَانَ
مُنْعَجِّلُ الْأَطْبَاقِ عَلَى التَّحْفَ أَتَالِيِّ :



ما هي ترتيب المكبات Z حسب وزنها؟

- A: till vänster om skål Q
- B: mellan skål Q och skål R
- C: mellan skål R och skål S
- D: mellan skål S och skål T
- E: till höger om skål T

- A - على يسار . Q . A
- B - بين ال Q وال R . B
- C - بين ال R وال S . C
- D - بين ال S وال T . D
- E - على يمين ال T . E

(Norge)

- 22 Rachel lägger ihop sju tal och får summan 2016. Ett av talen i additionen är 201. Hon byter ut 201 mot 102. Vilken summa får hon då?

٢٢- إن راشيل = Rachel مُنْعَجِّلُ ٧ أَعْدَادِ وَتَحْصِلُ عَلَى مُجْمِعٍ ٢٠١٦
وَإِنَّ احْدَى الْأَعْدَادِ هُوَ ٢٠١، إِذْنَيْنَ تَعْقِمُ بَسْتِدِيلَهُ بِالرَّقْمِ ١٠٢
مَا هو المجموع الذي ستحصل عليه في هذا الحال؟

- A: 1815
- B: 1914
- C: 1917
- D: 2115
- E: 2118

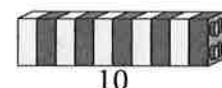
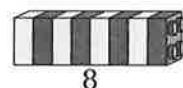
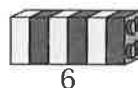
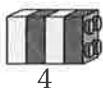
(Schweiz)



- 23 Sara har byggt en stapel av 27 byggbitar. Hon bryter isär stapeln så att hon får två staplar, där den ena är dubbelt så lång som den andra. Sen tar hon en av de nya staplarna och bryter isär den på samma sätt. Hon fortsätter så. Vilken av bitarna A, B, C, D eller E kan hon *inte* få på detta sätt?

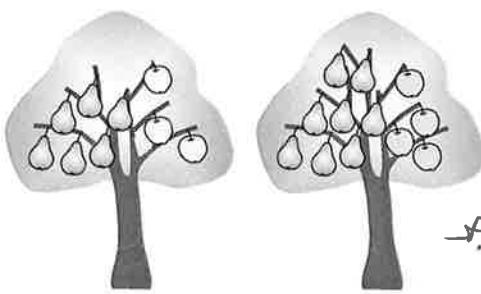


٣٤- بَنَتْ سَارَةُ ٢٧ بَلْدَةً مِنْ قَطْعَةَ بَلْدَةٍ، وَصَنَعَهَا
فَاصَتْ بَقْسِيمَ أوْ تَكْسِيرَ الْعَامِدَةِ إِذْ كَانَ عَامِدَةُ الْأَوَّلِ
فِي مَعْنَى الْعَامِدَةِ الثَّانِيِّ. تَقْعِمْ سَارَةُ بَلْدَةً، الْأَوَّلِ مِنْ
ثَانِيَهُ وَثَالِثَهُ وَرَابِعَهُ... بَنَفَسَ الطَّرِيقِ حِيثُ الْعَامِدَةِ الْأَوَّلِ
مَعْنَى الْعَامِدَةِ الثَّانِيِّ.
أُولَئِكَ الْعَامِدَاتِ أَكْسِرُ كُلَّ بَلْدَةٍ
الْأَخِيرَةِ؟



(Danmark)

- 24 I sagoträdgården växer det förtrollade träd. Varje träd har antingen 6 päron och 3 äpplen eller 8 päron och 4 äpplen. I trädgården finns det 25 äpplen. Hur många päron finns det i trädgården?



٤٤- فِي أَمْرِ الْحَدِيقَةِ
الْأَغْرِيَّةِ تَسْتَأْشِفُ
سَاحِرَةً. فَلِلشَّجَرَةِ يَوْمَ
صَبَرَ ٦ حِبَاتٍ مِنَ الْإِيجَامِ
وَ٣ حِبَاتٍ مِنَ التَّفَاعِلِ أوْ ٨ حِبَاتٍ مِنَ الإِيجَامِ وَ٤ حِبَاتٍ مِنَ

التَّفَاعِلِ. يَوْمَ فِي الْحَدِيقَةِ < ٥ > حِبَاتٍ مِنَ التَّفَاعِلِ. كَمْ مِنْ
عَدَدِ حِبَاتِ الإِيجَامِ فِي الْحَدِيقَةِ؟

A: 35

B: 40

C: 45

D: 50

E: 56

(Belarus)